問題文はコンテスト開始時点でのも のになります。 Clar等による変更は反映されません ので、コンテストサイトを随時参照 してください。

The problem statement is current as of the start of the contest.

Please refer to the contest site from time to time as changes due to clarification, etc. will not be reflected.

# A - Attack

実行時間制限: 2 sec / メモリ制限: 1024 MB

配点:100点

#### 問題文

体力が A の敵がいます。あなたは、1 回攻撃をすることで敵の体力を B 減らすことが出来ます。 敵の体力を 0 以下にするためには、最小で何回攻撃をする必要があるでしょうか?

#### 制約

- $1 \le A, B \le 10^{18}$
- *A*, *B* は整数である。

# 入力

入力は以下の形式で標準入力から与えられる。

 $A \quad B$ 

#### 出力

答えを出力せよ。

#### 入力例1

73

#### 出力例1

3

3回攻撃すると敵の体力が<math>-2となります。

2回攻撃しただけでは敵の体力は1であるため、3回攻撃する必要があります。

# 入力例2

123456789123456789 987654321

# 出力例 2

124999999

# 入力例 3

99999999999999999 2

#### 出力例3

4999999999999999999

# **B** - Find snuke

実行時間制限: 2 sec / メモリ制限: 1024 MB

配点:250点

#### 問題文

縦Hマス imes 横Wマスのマス目があり、各マスに1つずつ英小文字が書き込まれています。上からi行目かつ左からj列目のマスを(i,j)で表します。

マス目に書き込まれている英小文字はH個の長さWの文字列 $S_1, S_2, \ldots, S_H$ によって与えられ、 $S_i$ のj文字目が、(i, j)に書き込まれた英小文字を表します。

マス目の中に、s, n, u, k, e が この順に(縦・横・ななめのいずれかの方向に) 連続して並んでいる 場所が ただ1つ存在します。

そのような場所を見つけ、そのマスの位置を出力の形式に従って出力してください。

ただし、s, n, u, k, e が **この順に(縦・横・ななめのいずれかの方向に) 連続して並んでいる**場所とは、5 つのマスの組  $(A_1, A_2, A_3, A_4, A_5)$  であって、次をすべてみたすものをさします。

- $A_1, A_2, A_3, A_4, A_5$ に書き込まれた英小文字はそれぞれ s, n, u, k, e である。
- $1 \leq i \leq 4$ について、 $A_i \geq A_{i+1}$ は頂点または辺を共有している。
- *A*<sub>1</sub>, *A*<sub>2</sub>, *A*<sub>3</sub>, *A*<sub>4</sub>, *A*<sub>5</sub> の中心はこの順に一直線上に等間隔で並んでいる。

#### 制約

- $5 \le H \le 100$
- 5 < W < 100
- *H*,*W*は整数
- *S<sub>i</sub>* は英小文字のみからなる長さ *W* の文字列
- 与えられるマス目の中に条件をみたす場所がただ1つ存在する

#### 入力

入力は以下の形式で標準入力から与えられる。

#### 出力

次の形式にしたがって、5行出力せよ。

条件をみたす場所のうち s, n, u, k, e が書かれたマスがそれぞれ  $(R_1, C_1), (R_2, C_2) \dots, (R_5, C_5)$ であるとき、i行目には  $R_i$  と  $C_i$  をこの順に空白区切りで出力せよ。

すなわち、以下のように出力せよ。

$egin{array}{ccc} R_1 & C_1 \ R_2 & C_2 \end{array}$			
$egin{array}{ccc} ec{k} & R_5 & C_5 \end{array}$			

以下の入力例も参考にせよ。

# 入力例1

6 6 vgxgpu amkxks zhkbpp hykink esnuke zplvfj 52 53

- 53
- 54 55
- 55 56

この時、 $(A_1, A_2, A_3, A_4, A_5) = ((5, 2), (5, 3), (5, 4), (5, 5), (5, 6))$ とすると、

それぞれのマスに書き込まれた英小文字は s, n, u, k, e であり、

 $1 \leq i \leq 4$ について、 $A_i$ と $A_{i+1}$ は辺を共有しており、

各マスの中心は一直線上に存在するため、条件をみたしています。

V	g	X	00	р	u
а	m	k	X	k	S
z	h	k	b	р	р
h	У	k	ī	n	k
е	S	n	u	k	е
z	р		V	f	j

# 入力例 2

5 5			
ezzz			
zkzzz			
ezuzs			
zzznz			
ZZZZS			

55		
4 4		
3 3		
22		
5 5 4 4 3 3 2 2 1 1		

例えば、 $(A_1, A_2, A_3, A_4, A_5) = ((3,5), (4,4), (3,3), (2,2), (3,1))$ は、1,2つめの条件をみたしていますが、

マスの中心が一直線上に存在しないため、3つめの条件をみたしていません。

# 入力例 3

# 出力例3

93			
83			
73			
63 53			
5 3			

# **C** - Almost Equal

実行時間制限: 2 sec / メモリ制限: 1024 MB

配点:250点

#### 問題文

英小文字からなる長さ Mの文字列 N 個  $S_1, S_2, \dots, S_N$  が与えられます。ここで、 $S_i$  は互いに異なります。

これらを並び替えた文字列の列 $T_1, T_2, \ldots, T_N$ であって、以下の条件を満たすものが存在するか判定してください。

・  $1 \leq i \leq N-1$ を満たす全ての整数iに対して、 $T_i$ を1文字だけ別の英小文字に変えて $T_{i+1}$ にすることが出来る。

#### 制約

- $2 \leq N \leq 8$
- $1 \leq M \leq 5$
- $S_i$ は英小文字からなる長さMの文字列である。 $(1 \le i \le N)$
- *S<sub>i</sub>* は互いに異なる。

# 入力

入力は以下の形式で標準入力から与えられる。

N	ſ	
$S_1$		
$S_2$		
•		
$S_N$		

#### 出力

問題文の条件を満たす列が存在するならば Yes を、そうでないならば No を出力せよ。

# 入力例 1

4	4
bb	bed
ab	bcd
ab	ed
fb	bed

# 出力例1

Yes

abcd, abed, bbed, fbedの順に並び替えると条件を満たします。

# 入力例2

2 5 abcde abced

#### 出力例2

No

どのように並び替えても条件を満たすことは出来ません。

# 入力例3

8 4			
fast			
face cast			
cast			
race			
fact			
rice			
nice			
case			

#### 出力例3

Yes

# **D** - Impartial Gift

実行時間制限: 2 sec / メモリ制限: 1024 MB

配点:400点

#### 問題文

高橋君は青木君とすぬけ君に1**つずつ**贈り物を送ることにしました。 青木君への贈り物の候補はN 個あり、それぞれの価値は $A_1, A_2, \ldots, A_N$ です。 すぬけ君への贈り物の候補はM 個あり、それぞれの価値は $B_1, B_2, \ldots, B_M$ です。

高橋君は2人への贈り物の価値の差がD以下になるようにしたいと考えています。

条件をみたすように贈り物を選ぶことが可能か判定し、可能な場合はそのような選び方における贈り物 の価値の和の最大値を求めてください。

#### 制約

- $1 \leq N, M \leq 2 imes 10^5$
- $1 \le A_i, B_i \le 10^{18}$
- $0 \le D \le 10^{18}$
- 入力はすべて整数

# 入力

入力は以下の形式で標準入力から与えられる。

#### 出力

高橋君が条件をみたすように贈り物を選ぶことができる場合、条件をみたし、かつ価値の和が最大に なるように贈り物を選んだ時の価値の和を出力せよ。高橋君が条件をみたすように選ぶことができな い場合、–1を出力せよ。

#### 入力例1

2 3 2 3 10 2 5 15

#### 出力例1

8

高橋君は贈り物の価値の差を2以下にする必要があります。

青木君に価値3,すぬけ君に価値5の贈り物を渡すと条件をみたし、価値の和としてはこのときが最大 となります。

よって、3+5=8を出力します。

#### 入力例2

1 3 3 6 2 7	3	3 0	
627	1	3 3	
	6	2 7	

#### 出力例2

-1

条件をみたすように贈り物を選ぶことは不可能です。 また、同一人物に対して、同じ価値の贈り物が複 数存在することもあります。

# 入力例3

#### 出力例3

20000000000000000000

答えが32 bit整数型の範囲に収まらないことがあることに注意してください。

# 入力例4

8 6 1 2 5 6 5 2 1 7 9 7 2 5 5 2 4

# 出力例4

14

# **E** - Isolation

実行時間制限: 2 sec / メモリ制限: 1024 MB

配点:425点

#### 問題文

最初 N 頂点 0 辺の無向グラフがあり、各頂点には 1 から N まで番号がついています。 Q 個のクエリが与えられるので、順に処理し、各クエリの後における「他のどの頂点とも辺で結ばれ

ていない頂点」の数を出力してください。

i個目のクエリは query $_i$  であり、各クエリは次の 2 種類いずれかです。

- 1 u v: 頂点 *u* と頂点 *v* を辺で結ぶ。このクエリが与えられる直前の時点で、頂点 *u* と頂点 *v* は辺で結ばれていない事が保証される。
- 2 v: 頂点 v と他の頂点を結ぶ辺をすべて削除する。(頂点 v 自体は削除しない。)

#### 制約

- $2 \leq N \leq 3 imes 10^5$
- $1 \leq Q \leq 3 imes 10^5$
- 1番目の種類のクエリにおいて、 $1 \leq u, v \leq N, u \neq v$
- 2番目の種類のクエリにおいて、 $1 \le v \le N$
- 1番目の種類のクエリの直前の時点で、そのクエリの*u*,*v*について頂点*u*と頂点*v*は辺で結ばれていない。
- 入力はすべて整数

#### 入力

入力は以下の形式で標準入力から与えられる。

N $Q$	
query <sub>1</sub>	
$query_2$	
$\operatorname{query}_Q$	

#### 出力

Q行出力せよ。

i行目  $(1 \leq i \leq Q)$ には、i個目のクエリを処理した後の「他のどの頂点とも辺で結ばれていない頂点」の数を出力せよ。

#### 入力例 1 3 7 1 1 2 1 1 3 1 2 3 2 1 1 1 2 2 2 1 1 2

#### 出力例1

1	
0	
0	
1	
0	
3	
1	

1個目のクエリの後で、頂点1と頂点2は互いに結ばれており、頂点3のみが他のどの頂点とも辺で結 ばれていません。

よって、1行目には1を出力します。

また、3個目のクエリの後でどの相異なる2頂点の間も辺で結ばれていますが、4個目のクエリによって、頂点1と他の頂点を結ぶ辺、すなわち頂点1と頂点2を結ぶ辺および頂点1と頂点3を結ぶ辺が 削除されます。この結果として、頂点2と頂点3は互いに結ばれているが、頂点1は他のどの頂点とも 辺で結ばれていない状態となります。

よって、3行目には0を、4行目には1を出力します。

#### 入力例2

#### 2

2番目の種類のクエリを行う直前の時点で、すでにその頂点と他の頂点を結ぶ辺が1本も存在しないこ ともあります。

# F - Merge Set

実行時間制限:3 sec / メモリ制限: 1024 MB

配点:500点

#### 問題文

黒板に1以上M以下の整数からなる集合N 個 $S_1, S_2, \dots, S_N$ が書かれています。ここで、 $S_i = \{S_{i,1}, S_{i,2}, \dots, S_{i,A_i}\}$ です。

あなたは、以下の操作を好きな回数(0回でもよい)行うことが出来ます。

• 1個以上の共通した要素を持つ2個の集合X,Yを選ぶ。X,Yの2個を黒板から消し、新たに $X \cup Y$ を黒板に書く。

ここで、 $X \cup Y$ とはXかYの少なくともどちらかに含まれている要素のみからなる集合を意味します。

1と *M* が両方含まれる集合を作ることが出来るか判定してください。出来るならば、必要な操作回数の最小値を求めてください。

#### 制約

- $1 \leq N \leq 2 imes 10^5$
- $2 \leq M \leq 2 imes 10^5$
- $1 \leq \sum_{i=1}^{N} A_i \leq 5 \times 10^5$
- $1 \leq S_{i,j} \leq M(1 \leq i \leq N, 1 \leq j \leq A_i)$
- $\bullet \ \ S_{i,j} \neq S_{i,k} (1 \leq j < k \leq A_i)$
- 入力は全て整数である。

# 入力

入力は以下の形式で標準入力から与えられる。

#### 出力

1 と M が両方含まれる集合を作ることが出来るならば必要な操作回数の最小値を、出来ないならば –1 を出力せよ。

#### 入力例1

35				
2				
12				
2				
23				
3				
345	5			

#### 出力例1

2

まず、{1,2}と{2,3}を選んで消し、{1,2,3}を追加します。

そして、 $\{1,2,3\}$ と $\{3,5\}$ を選んで消し、 $\{1,2,3,5\}$ を追加します。

すると2回の操作で1と*M*を両方含む集合を作ることが出来ます。1回の操作では目標を達成できないため、答えは2です。

# 入力例 2

12 21 22

#### 出力例2

0

始めから $S_1$ が1, Mを共に含むため、必要な操作回数の最小値は0回です。

# 入力例3

35			
2			
1 3			
2			
24			
3			
245			

# 出力例3

-1

# 入力例4

4 8	
3	
1 3 5	
2	
1 2	
3	
2 4 7	
4	
4 6 7 8	

# 出力例4

2

# G - Sort from 1 to 4

実行時間制限: 2 sec / メモリ制限: 1024 MB

配点:625点

#### 問題文

全ての要素が1以上4以下の整数である、長さNの数列 $A = (A_1, A_2, \dots, A_N)$ が与えられます。 高橋君は次の操作を何回でも (0回でも良い)繰り返し行う事ができます。

•  $1 \leq i < j \leq N$ をみたす整数の組(i, j)を選び、 $A_i$ と $A_j$ を交換する。

数列Aを広義単調増加にするために必要な操作回数の最小値を求めてください。 ただし、数列Aが広義単調増加であるとは、 $1 \leq i \leq N-1$ をみたすすべての整数について $A_i \leq A_{i+1}$ が成り立つことをさします。

#### 制約

- $2 \leq N \leq 2 imes 10^5$
- $1 \le A_i \le 4$
- 入力はすべて整数

#### 入力

入力は以下の形式で標準入力から与えられる。

#### 出力

数列 A を広義単調増加にするために必要な操作回数の最小値を一行に出力せよ。

#### 入力例1

6 3 4 1 1 2 4 3

次のようにして3回の操作でAを広義単調増加にすることができます。

- (i, j) = (2,3)を選び、A<sub>2</sub>とA<sub>3</sub>を交換する。A = (3, 1, 4, 1, 2, 4)となる。
- (i,j) = (1,4)を選び、 $A_1 \ge A_4$ を交換する。A = (1,1,4,3,2,4)となる。
- (i, j) = (3, 5) を選び、A<sub>3</sub> と A<sub>5</sub> を交換する。A = (1, 1, 2, 3, 4, 4) となる。

2回以下の操作でAを広義単調増加にすることはできないため、このとき操作回数が最小となります。

よって、3を出力します。

#### 入力例2

4 2341

#### 出力例2

3

# **Ex - Ball Collector**

実行時間制限: 2 sec / メモリ制限: 1024 MB

配点:625点

#### 問題文

N 頂点の木があります。 $i(1 \le i \le N-1)$ 本目の辺は、頂点 $U_i \ge V_i$ を結ぶ無向辺です。頂点 $i(1 \le i \le N)$ には、 $A_i$ が書かれたボールと $B_i$ が書かれたボールが1個ずつあります。

 $v = 2, 3, \ldots, N$ に対して、以下の問題を解いてください。(各問題は独立です。)

• 頂点1から頂点*v*まで最短経路で移動します。このとき、通った各頂点(頂点1,*v*も含む)において、ボールを1個ずつ選んで取ります。最終的に持っているボールに書かれている整数の種類数の最大値を求めてください。

#### 制約

- $2 \leq N \leq 2 imes 10^5$
- $1 \leq A_i, B_i \leq N$
- 与えられるグラフは木である。
- 入力は全て整数である。

# 入力

入力は以下の形式で標準入力から与えられる。

#### 出力

 $v=2,3,\ldots,N$ に対して、答えを空白区切りで出力せよ。

### 入力例1

ł
1 2
2 3
3 1
L 2
L 2
2 3
3 4

#### 出力例1

2 3 3

例えば、v = 4のときは通る頂点は1, 2, 3, 4であり、それぞれ $A_1, B_2, B_3, B_4 (= 1, 3, 1, 2)$ が書かれているボールを選ぶと種類数が3となり、これが最大となります。

# 入力例2

10	
2 5	
2 2	
8 8	
4 3	
6 10	
8 1	
9 10	
17	
93	
5 10	
93	
1 9	
3 6	
4 1	
38	
10 9	
5 4	
7 2	
9 7	

#### 出力例 2

4 3 2 3 4 3 4 2 3

# A - Attack

Time Limit: 2 sec / Memory Limit: 1024 MB

 $\mathsf{Score}: 100 \ \mathsf{points}$ 

#### **Problem Statement**

There is an enemy with stamina A. Every time you attack the enemy, its stamina reduces by B.

At least how many times do you need to attack the enemy to make its stamina 0 or less?

#### Constraints

- $1 \le A, B \le 10^{18}$
- A and B are integers.

#### Input

The input is given from Standard Input in the following format:

 $A \quad B$ 

#### Output

Print the answer.

#### Sample Input 1

73

#### Sample Output 1

3

Attacking three times make the enemy's stamina -2.

Attacking only twice makes the stamina 1, so you need to attack it three times.

#### Sample Input 2

123456789123456789 987654321

#### Sample Output 2

124999999

#### Sample Input 3

99999999999999999998 2

# Sample Output 3

4999999999999999999

# **B** - Find snuke

Time Limit: 2 sec / Memory Limit: 1024 MB

 $\operatorname{Score}:250\operatorname{\,points}$ 

# **Problem Statement**

There is a grid with H horizontal rows and W vertical columns. Each cell has a lowercase English letter written on it. We denote by (i, j) the cell at the i-th row from the top and j-th column from the left.

The letters written on the grid are represented by H strings  $S_1, S_2, \ldots, S_H$ , each of length W. The j-th letter of  $S_i$  represents the letter written on (i, j).

There is a unique set of **contiguous cells (going vertically, horizontally, or diagonally)** in the grid with s, n, u, k, and e written on them in this order.

Find the positions of such cells and print them in the format specified in the Output section.

A tuple of five cells  $(A_1, A_2, A_3, A_4, A_5)$  is said to form a set of **contiguous cells (going vertically, horizontally, or diagonally)** with s, n, u, k, and e written on them in this order if and only if all of the following conditions are satisfied.

- $A_1, A_2, A_3, A_4$  and  $A_5$  have letters s, n, u, k, and e written on them, respectively.
- For all  $1 \leq i \leq 4$  , cells  $A_i$  and  $A_{i+1}$  share a corner or a side.
- The centers of  $A_1, A_2, A_3, A_4$ , and  $A_5$  are on a common line at regular intervals.

#### Constraints

- $5 \leq H \leq 100$
- $5 \leq W \leq 100$
- H and W are integers.
- $S_i$  is a string of length W consisting of lowercase English letters.
- The given grid has a unique conforming set of cells.

#### Input

The input is given from Standard Input in the following format:

H	W	
$S_1$		
$S_2$		
•		
$S_{H}$		

# Output

Print five lines in the following format.

Let  $(R_1, C_1), (R_2, C_2) \dots, (R_5, C_5)$  be the cells in the sought set with s, n, u, k, and e written on them, respectively. The *i*-th line should contain  $R_i$  and  $C_i$  in this order, separated by a space.

In other words, print them in the following format:

 $egin{array}{ccc} R_1 & C_1 \ R_2 & C_2 \ dots \ R_5 & C_5 \end{array}$ 

See also Sample Inputs and Outputs below.

# Sample Input 1

6 6 vgxgpu amkxks zhkbpp hykink esnuke zplvfj

#### Sample Output 1

52

- 53
- 54
- 55
- 56

Tuple  $(A_1,A_2,A_3,A_4,A_5)=((5,2),(5,3),(5,4),(5,5),(5,6))$  satisfies the conditions.

Indeed, the letters written on them are  $\mathsf{s},\mathsf{n},\mathsf{u},\mathsf{k},\mathsf{and}\,\mathsf{e};$ 

for all  $1 \leq i \leq 4$  , cells  $A_i$  and  $A_{i+1}$  share a side;

and the centers of the cells are on a common line.

z	р	I	V	f	j
е	S	n	u	k	е
h	У	k	ī	n	k
Z	h	k	b	р	р
а	m	k	X	k	S
V	50	X	00	р	u

#### Sample Input 2

5 5	
ezzz	
zkzzz	
ezuzs	
zzznz	
ZZZZS	

#### Sample Output 2

22

1 1

Tuple  $(A_1, A_2, A_3, A_4, A_5) = ((5, 5), (4, 4), (3, 3), (2, 2), (1, 1))$  satisfies the conditions. However, for example,  $(A_1, A_2, A_3, A_4, A_5) = ((3, 5), (4, 4), (3, 3), (2, 2), (3, 1))$  violates the third condition because the centers of the cells are not on a common line, although it satisfies the first and second conditions.

#### Sample Input 3 10 10 kseeusenuk usesenesnn kskekeeses nesnusnkkn snenuuenke kukknkeuss neunnennue sknuessuku nksneekknk neeeuknenk

#### Sample Output 3

93

83 73

63

53

# C - Almost Equal

Time Limit: 2 sec / Memory Limit: 1024 MB

 $\operatorname{Score}:250\operatorname{\,points}$ 

# **Problem Statement**

You are given N strings  $S_1, S_2, \ldots, S_N$ , each of length M, consisting of lowercase English letter. Here,  $S_i$  are pairwise distinct.

Determine if one can rearrange these strings to obtain a new sequence of strings  $T_1, T_2, \ldots, T_N$  such that:

• for all integers i such that  $1 \le i \le N-1$ , one can alter exactly one character of  $T_i$  to another lowercase English letter to make it equal to  $T_{i+1}$ .

# Constraints

- $2 \leq N \leq 8$
- $1 \le M \le 5$
- $S_i$  is a string of length M consisting of lowercase English letters.  $(1 \leq i \leq N)$
- $S_i$  are pairwise distinct.

#### Input

The input is given from Standard Input in the following format:

 $egin{array}{ccc} N & M \ S_1 \ S_2 \ dots \ S_N \end{array}$ 

# Output

Print Yes if one can obtain a conforming sequence; print No otherwise.

#### Sample Input 1

4 4 bbed abcd abed fbed

# Sample Output 1

Yes

One can rearrange them in this order: abcd, abed, bbed, fbed. This sequence satisfies the condition.

#### Sample Input 2

2 5 abcde abced

#### Sample Output 2

No

No matter how the strings are rearranged, the condition is never satisfied.

#### Sample Input 3

0.4
8 4
fast
face
cast
race
fact
rice
nice
case

#### Sample Output 3

Yes

# **D** - Impartial Gift

Time Limit: 2 sec / Memory Limit: 1024 MB

 $\mathsf{Score}:400\,\mathsf{points}$ 

# **Problem Statement**

Takahashi has decided to give **one** gift to Aoki and **one** gift to Snuke.

There are N candidates of gifts for Aoki, and their values are  $A_1, A_2, \ldots, A_N$ .

There are M candidates of gifts for Snuke, and their values are  $B_1, B_2, \ldots, B_M$ .

Takahashi wants to choose gifts so that the difference in values of the two gifts is at most D.

Determine if he can choose such a pair of gifts. If he can, print the maximum sum of values of the chosen gifts.

#### Constraints

- $1 \leq N, M \leq 2 imes 10^5$
- $1 \le A_i, B_i \le 10^{18}$
- $0 \leq D \leq 10^{18}$
- All values in the input are integers.

#### Input

The input is given from Standard Input in the following format:

#### Output

If he can choose gifts to satisfy the condition, print the maximum sum of values of the chosen gifts. If he cannot satisfy the condition, print -1.

#### Sample Input 1

#### Sample Output 1

8

The difference of values of the two gifts should be at most 2.

If he gives a gift with value 3 to Aoki and another with value 5 to Snuke, the condition is satisfied, achieving the maximum possible sum of values.

Thus, 3+5=8 should be printed.

#### Sample Input 2

3 3 0 1 3 3

627

#### Sample Output 2

-1

He cannot choose gifts to satisfy the condition. Note that the candidates of gifts for a person may contain multiple gifts with the same value.

#### Sample Input 3

#### Sample Output 3

20000000000000000000

Note that the answer may not fit into a 32-bit integer type.

#### Sample Input 4

8 6 1 2 5 6 5 2 1 7 9 7 2 5 5 2 4

# Sample Output 4

# **E** - Isolation

Time Limit: 2 sec / Memory Limit: 1024 MB

 $\operatorname{Score}:425\operatorname{\,points}$ 

# **Problem Statement**

There is an undirected graph with N vertices numbered 1 through N, and initially with 0 edges. Given Q queries, process them in order. After processing each query, print the number of vertices that are not connected to any other vertices by an edge.

The i-th query, query  $_i$ , is of one of the following two kinds.

- 1 u v: connect vertex u and vertex v with an edge. It is guaranteed that, when this query is given, vertex u and vertex v are not connected by an edge.
- 2 v: remove all edges that connect vertex v and the other vertices. (Vertex v itself is not removed.)

#### Constraints

- $2 \leq N \leq 3 imes 10^5$
- $1 \leq Q \leq 3 imes 10^5$
- For each query of the first kind,  $1 \leq u, v \leq N$  and  $u \neq v.$
- For each query of the second kind,  $1 \leq v \leq N$ .
- Right before a query of the first kind is given, there is no edge between vertices u and v.
- All values in the input are integers.

#### Input

The input is given from Standard Input in the following format:

N $Q$		
$query_1$		
$query_2$		
:		
. $\operatorname{query}_Q$		

#### Output

 $\operatorname{Print} Q \operatorname{lines}.$ 

The *i*-th line  $(1 \le i \le Q)$  should contain the number of vertices that are not connected to any other vertices by an edge.

#### Sample Input 1

#### Sample Output 1

1 0 1 0 3 1

After the first query, vertex 1 and vertex 2 are connected to each other by an edge, but vertex 3 is not connected to any other vertices.

Thus,  $1 \ {\rm should} \ {\rm be} \ {\rm printed} \ {\rm in} \ {\rm the} \ {\rm first} \ {\rm line}.$ 

After the third query, all pairs of different vertices are connected by an edge.

However, the fourth query asks to remove all edges that connect vertex 1 and the other vertices, specifically to remove the edge between vertex 1 and vertex 2, and another between vertex 1 and vertex 3

. As a result, vertex 2 and vertex 3 are connected to each other, while vertex 1 is not connected to any other vertices by an edge.

Thus,  $\boldsymbol{0}$  and  $\boldsymbol{1}$  should be printed in the third and fourth lines, respectively.

#### Sample Input 2

#### Sample Output 2

2

When the query of the second kind is given, there may be no edge that connects that vertex and the other vertices.

# F - Merge Set

Time Limit: 3 sec / Memory Limit: 1024 MB

Score: 500 points

# **Problem Statement**

On a blackboard, there are N sets  $S_1, S_2, \ldots, S_N$  consisting of integers between 1 and M. Here,  $S_i=$  $\{S_{i,1}, S_{i,2}, \ldots, S_{i,A_i}\}.$ 

You may perform the following operation any number of times (possibly zero):

• choose two sets X and Y with at least one common element. Erase them from the blackboard, and write  $X \cup Y$  on the blackboard instead.

Here,  $X \cup Y$  denotes the set consisting of the elements contained in at least one of X and Y.

Determine if one can obtain a set containing both 1 and M. If it is possible, find the minimum number of operations required to obtain it.

#### Constraints

- $1 \leq N \leq 2 imes 10^5$
- $egin{array}{lll} egin{array}{lll} egin{arra$
- $1 \leq S_{i,j} \leq M(1 \leq i \leq N, 1 \leq j \leq A_i)$
- $S_{i,i} \neq S_{i,k} (1 \le j < k \le A_i)$
- All values in the input are integers.

#### Input

The input is given from Standard Input in the following format:

```
N M
A_1
A_N
S_{N,1} S_{N,2} \ldots S_{N,A_N}
```

# Output

If one can obtain a set containing both 1 and M, print the minimum number of operations required to obtain it; if it is impossible, print -1 instead.

# Sample Input 1

3	5	
2		
1	2	
2		
2	3	
3		
3	4	5

#### Sample Output 1

2

First, choose and remove  $\{1, 2\}$  and  $\{2, 3\}$  to obtain  $\{1, 2, 3\}$ .

Then, choose and remove  $\{1,2,3\}$  and  $\{3,5\}$  to obtain  $\{1,2,3,5\}$ .

Thus, one can obtain a set containing both 1 and M with two operations. Since one cannot achieve the objective by performing the operation only once, the answer is 2.

# Sample Input 2

12 21 22

# Sample Output 2

0

 $S_1$  already contains both 1 and M, so the minimum number of operations required is 0.

# Sample Input 3

3 5		
2		
1 3		
2		
2 4		
3		
2 4 5		

# Sample Output 3

-1

# Sample Input 4

 4
 8

 3
 5

 1
 3
 5

 2
 1

 1
 2

 3
 3

 4
 7

 4
 6
 7

# Sample Output 4

2

# G - Sort from 1 to 4

Time Limit: 2 sec / Memory Limit: 1024 MB

 $\operatorname{Score}:625\operatorname{\,points}$ 

#### **Problem Statement**

You are given a sequence  $A=(A_1,A_2,\ldots,A_N)$  of length N, consisting of integers between 1 and 4.

Takahashi may perform the following operation any number of times (possibly zero):

• choose a pair of integer (i, j) such that  $1 \leq i < j \leq N$ , and swap  $A_i$  and  $A_j$ .

Find the minimum number of operations required to make  ${\it A}$  non-decreasing.

A sequence is said to be non-decreasing if and only if  $A_i \leq A_{i+1}$  for all  $1 \leq i \leq N-1.$ 

#### Constraints

- $2 \leq N \leq 2 imes 10^5$
- $1 \le A_i \le 4$
- All values in the input are integers.

#### Input

The input is given from Standard Input in the following format:

#### Output

Print the minimum number of operations required to make  ${\cal A}$  non-decreasing in a single line.

#### Sample Input 1

6 3 4 1 1 2 4

#### Sample Output 1

3

One can make A non-decreasing with the following three operations:

- Choose (i,j)=(2,3) to swap  $A_2$  and  $A_3$ , making A=(3,1,4,1,2,4).
- Choose (i,j)=(1,4) to swap  $A_1$  and  $A_4$ , making A=(1,1,4,3,2,4).
- Choose (i,j)=(3,5) to swap  $A_3$  and  $A_5$ , making A=(1,1,2,3,4,4).

This is the minimum number of operations because it is impossible to make A non-decreasing with two or fewer operations.

Thus, 3 should be printed.

#### Sample Input 2

4 2341

#### Sample Output 2

3

# **Ex - Ball Collector**

Time Limit: 2 sec / Memory Limit: 1024 MB

 $\operatorname{Score}:625\operatorname{\,points}$ 

#### **Problem Statement**

We have a tree with N vertices. The i-th  $(1 \le i \le N - 1)$  edge is an undirected edge between vertices  $U_i$  and  $V_i$ . Vertex i  $(1 \le i \le N)$  has a ball with  $A_i$  written on it and another with  $B_i$ .

For each  $v=2,3,\ldots,N$ , answer the following question. (Each query is independent.)

• Consider traveling from vertex 1 to vertex v on the shortest path. Every time you visit a vertex (including vertices 1 and v), you pick up one ball placed there. Find the maximum number of distinct integers written on the picked-up balls.

#### Constraints

- $2 \leq N \leq 2 imes 10^5$
- $1 \leq A_i, B_i \leq N$
- The given graph is a tree.
- All values in the input are integers.

#### Input

The input is given from Standard Input in the following format:

#### Output

Print the answers for  $v=2,3,\ldots,N$ , separated by spaces.

#### Sample Input 1

34

#### Sample Output 1

233

For example, when v = 4, you visit vertices 1, 2, 3, and 4. By choosing balls with  $A_1, B_2, B_3, B_4 (= 1, 3, 1, 2)$  written on them, the number of distinct integers on the balls is 3, which is the maximum.

#### Sample Input 2

10	
2 5	
2 2	
8 8	
4 3	
6 10	
8 1	
9 10	
17	
93	
5 10	
93	
1 9	
3 6	
4 1	
3 8	
10 9	
5 4	
7 2	
9 7	

#### Sample Output 2

4 3 2 3 4 3 4 2 3